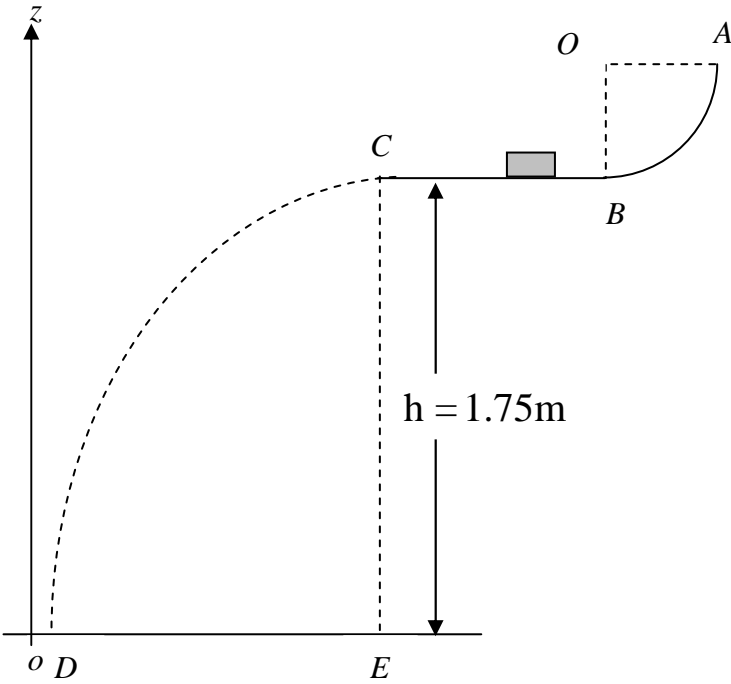


## الموضوع 2 ثا - 10

### التمرين الأول : (U02-Ex28)

- ينزلق جسم صلب (S) يمكن اعتباره نقطيا كتلته  $m = 100 \text{ g}$  على مسار ABCD يقع في مستوى شاقولي .
- AB يمثل ربع دائرة مركزها O ونصف قطرها  $R = 65 \text{ cm}$  ، الإحتكاك فيه يكون مهمل .
  - BC مستوي أفقي طوله  $BC = 1 \text{ m}$  .



1- ندفع الجسم (S) من النقطة A بسرعة ابتدائية قدرها  $v_A = 6 \text{ m/s}$  .

أ- مثل مخطط الحويلة الطاقوية بين الموضعين A و B للجسم (S) .

ب- أكتب عبارة عمل ثقل الجسم (S) عند إنتقاله من الموضع A إلى B بدلالة  $m$  ،  $g$  ،  $R$  .

ج- استنتج سرعة الجسم (S) عند الموضع B .

2- يصل الجسم (S) إلى الموضع C بسرعة قدرها  $v_C = 5 \text{ m/s}$  .

أ- بين أنه توجد قوة إحتكاك على الجزء BC ؟

ب- أحسب شدة قوة الإحتكاك باعتبارها ثابتة .

3- يغادر (S) المستوي المستوي BC عند النقطة C ليسقط عند النقطة D . أحسب الطاقة الحركية للجسم (S) لحظة وصوله إلى النقطة D . يعطى :  $g = 10 \text{ m/s}^2$  .

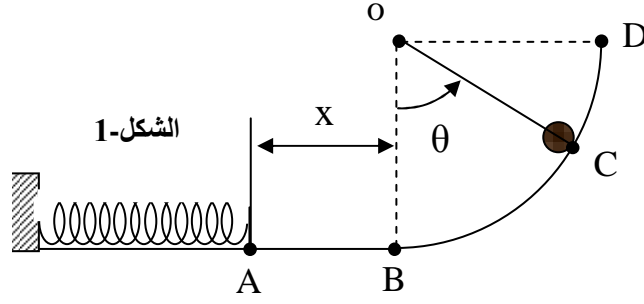
### التمرين الثاني : (U04-Ex19)

نعتبر أن الاحتكاكات مهملة  $g = 10 \text{ N/m}$  .

ندفع جسما صلبا كتلته  $m = 200 \text{ g}$  من الموضع B ليضغط نابضا مرنا ثابت مرونته  $K = 200 \text{ N/m}$

بمقدار  $x = AB$

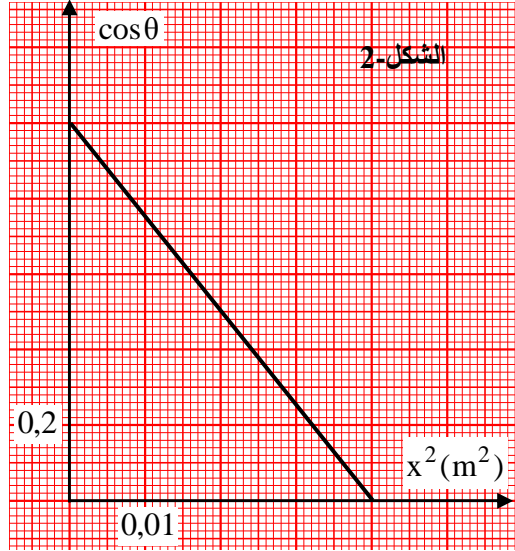
نتركه من الموضع A بدون سرعة ابتدائية ليسلك المسار BC عبارة عن ربع دائرة نصف قطرها  $R = 50 \text{ cm}$  فيتوقف عند الموضع C المحدد بالزاوية  $\theta$  (الشكل-1) .



1- مثل مخطط الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم+أرض+نابض) بين الموضعين A و C .

2- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين A و C ثم بين أن :  $\cos \theta = 1 - \frac{K x^2}{2mgR}$  .

3- من أجل قيم مختلفة لـ  $x$  ، نعين في كل مرة الزاوية  $\theta$  و نرسم المنحنى البياني  $\cos \theta = f(x^2)$  (الشكل-2) .



جد اعتمادا على البيان :

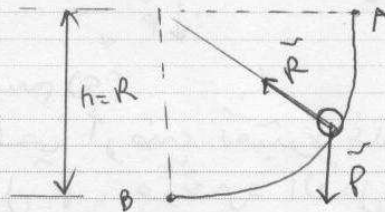
أ- قيمة ثابت مرونة النابض.

ب- أوجد بيانيا قيمة الزاوية  $\theta$  الموافقة لانضغاط قدره  $x = 14,1 \text{ cm}$  علل جوابك.

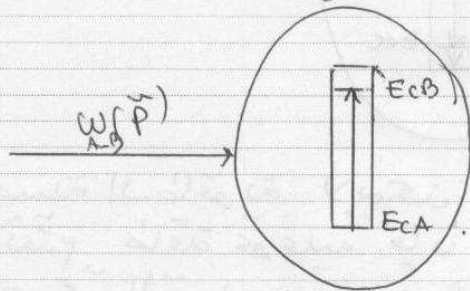
ج- قيمة الانضغاط  $x$  التي من أجلها يصل الجسم إلى الموضع D و يتوقف عنده .

# حل التمرين الأول

٤١. الحصيلة الطاقوية بين A و B :



- العملة المدروسة ، جسم (S)
- مربع الدراسة ، سطحي أرضي تعبئة عالي
- القوى الخارجية المؤثرة ، الثقل (P) ، قوة رد الفعل R



ب- عبارة عمل ثقل الجسم عند انتقاله من A إلى B :

$$W_{A-B}(\vec{P}) = mgh$$

من الشكل  $h=R$  ومنه ،

$$W_{A-B}(\vec{P}) = mgR$$

ج- سرعة الجسم (S) عند الموضع B :

بتطبيق مبدأ الحفظ الطاقة بين A و B :

$$E_A + E_{\text{ميكانيكية}} - E_{\text{ميكانيكية}} = E_B$$

$$E_{cA} + W_{A-B}(\vec{P}) = E_{cB}$$

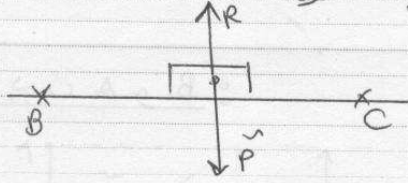
$$\frac{1}{2} m v_A^2 + mgR = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$v_A^2 + 2gR = v_B^2$$

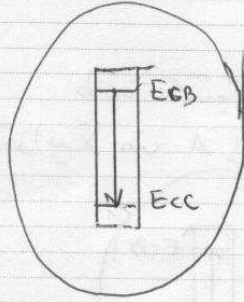
$$v_B = \sqrt{v_A^2 + 2gR}$$

$$v_B = \sqrt{(6)^2 + 2 \times 10 \times 965} = 7 \text{ m/s}$$

٢-٢- وجود احتكاك بين B و C أم لا ؟  
نفرض أنه لا توجد قوة احتكاك .



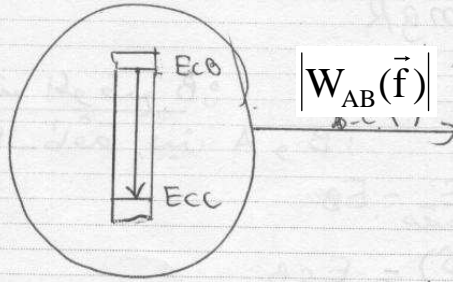
- الجملة المدروسة : جسم (S)
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي تعتبره غاليلي
- القوى الخارجية : الثقل  $\vec{P}$  ، عوّل رد الفعل  $\vec{R}$



السرعة متناقصة و لا توجد قوة محرّكة ، إذن توجد قوة معيقة ، هي قوة الاحتكاك .

٢-٣- سعة قوّة الاحتكاك :

باعتبار قوّة الاحتكاك موجودة تصبح الحصيلة الطاقوه للجملة (جسم) بين B و C كاليلي :



بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين B و C في وجود الاحتكاك :

$$E_B + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مقدمة}} = E_C$$

$$E_{CB} - |W_{AB}(f)| = E_{CC}$$

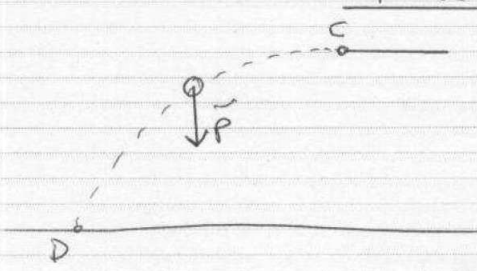
$$\frac{1}{2}mv_B^2 - | -f \cdot BC | = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$mv_B^2 - 2f BC = mv_C^2$$

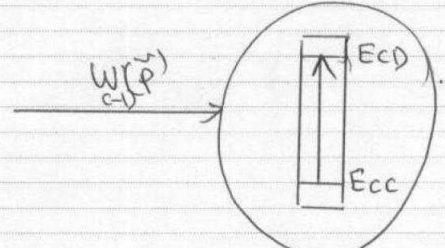
$$m(v_B^2 - v_C^2) = 2f BC \rightarrow f = \frac{m(v_B^2 - v_C^2)}{2 BC}$$

$$f = \frac{0.1(7^2 - 5^2)}{2 \times 1} = 1.2N$$

3- الطاقة الحركية عند D :



- البجملة المدروسة : جسم (S)  
 - مربع الراسية ، سطحي أرضي نعتبره عازلاً  
 - القوى الخارجية المؤثرة : الثقل  $\vec{P}$



- تصنيف مبدأ انحفاظ الطاقة بين C و D :

$$E_c + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مفقودة}} = E_D$$

$$E_{cc} + W(\vec{P}) = E_{cd}$$

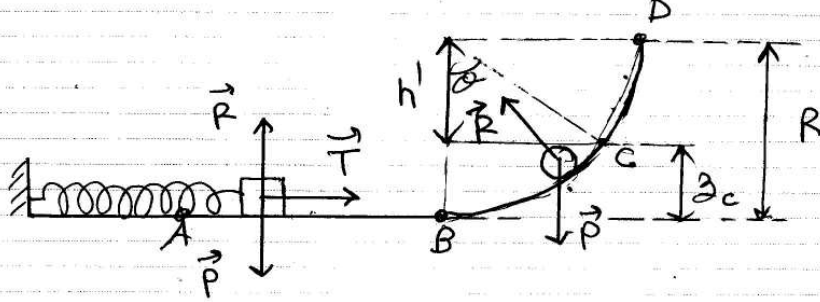
$$\frac{1}{2}mv_c^2 + mgh = E_{cd}$$

$$E_{cd} = \frac{1}{2}mv_c^2 + mgh$$

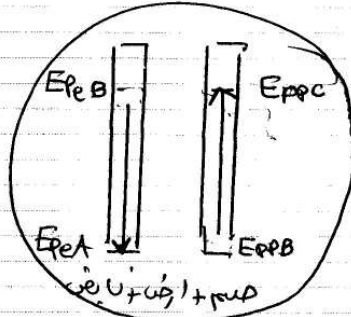
$$E_{cd} = 0.5 \times 0.1(5)^2 + (0.12 \times 10 \times 1.75) = 3J$$

## حل التمرين الثاني

1. مقطع الحصلة الطاقوية بين A و C :



- الحصلة المدروسة : ( جسم + أرض + نابض )
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره عاليي
- القوى الخارجية المؤثرة :  $\vec{R}$
- نعتبر المستوى الأفقي الخارج من B مرجعًا لحساب الطاقة الكامنة الثقالية .



2. معادلة احتفاظ الطاقة :

- بتطبيق مبدأ احتفاظ الطاقة بين A و C :

$$E_A + \cancel{E_{kinA}} - \cancel{E_{kinC}} = E_C$$

بالاعتماد على مقطع الحصلة الطاقوية :

$$E_{ppA} + \cancel{E_{peA}} = E_{ppe} + \cancel{E_{pec}}$$

$$E_{peA} = E_{ppe}$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = mg z_c$$

$$\begin{cases} z_c = R - h \\ \cos \theta = \frac{h}{R} \rightarrow h = R \cos \theta \end{cases}$$

$$z_c = R - R \cos \theta = R (1 - \cos \theta)$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = mgR (1 - \cos \theta)$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = mgR - mgR \cos \theta$$

$$K x^2 = 2mgR - 2mgR \cos \theta$$

$$2mgR \cos \theta = 2mgR - K x^2$$

$$\cos \theta = \frac{2mgR - K x^2}{2mgR}$$

$$\cos \theta = \frac{2mgR}{2mgR} - \frac{K x^2}{2mgR} \rightarrow \cos \theta = 1 - \frac{K x^2}{2mgR}$$

بيانيا المنحنى  $\cos \theta = f(x)$  هو مستقيم مائل من الشكل  $P=3$  - قيمة  $K$ :

$$\cos \theta = ax^2 + b$$

- نظريا وما نسبتا:

$$\cos \theta = -\frac{K}{2mgR} x^2 + 1$$

بالطريقة:

$$\frac{-K}{2mgR} = \theta \rightarrow K = -2mgR\theta$$

من البيان:

$$\theta = -\frac{5 \times 0,2}{4 \times 9,01} = -25$$

اذن:

$$K = -2 \times 0,2 \times 10 \times 0,5 (-25) = 50 \text{ N/m}$$

ب- قيمة الزاوية  $\theta$  من أجل  $\alpha = 14,1 \text{ cm}$

$$\alpha = 14,1 \text{ cm} = 0,141 \text{ m} \rightarrow \alpha^2 = 0,02 \text{ m}^2$$

الاستطاط في البيان :

$$\cos \theta = 2,5 \times 0,2 = 0,5 \rightarrow \theta = 60^\circ$$

ج- قيمة  $\alpha$  حتى يصل الجسم إلى الموضع D في الموضع D يكون :

$$\theta = 90^\circ \rightarrow \cos \theta = 0$$

الاستطاط في البيان نجد :

$$\alpha^2 = 4 \times 0,01 = 0,04 \rightarrow \alpha = 0,2 \text{ m}.$$

تمنياتي لكم التوفيق و النجاح